

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ & ΕΣΠΕΡΙΝΩΝ ΓΕΝΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΑ 22 ΙΟΥΝΙΟΥ 2020
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ:
ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ (ΝΕΟ ΣΥΣΤΗΜΑ)**

ΘΕΜΑ Α

Στις ερωτήσεις **A1-A4** να γράψετε στο τετράδιό σας τον αριθμό της ερώτησης και δίπλα το γράμμα που αντιστοιχεί στη φράση, η οποία συμπληρώνει σωστά την ημιτελή πρόταση.

A1. Για την παραγωγή εναλλασσόμενης τάσης πλάτους V , ένα πλαίσιο περιστρέφεται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο έντασης B . Αν διπλασιάσουμε την περίοδο περιστροφής του πλαισίου, διατηρώντας σταθερή την ένταση B του μαγνητικού πεδίου, τότε το πλάτος της εναλλασσόμενης τάσης γίνεται ίσο με

- α) V
- β) $2V$
- γ) $\frac{V}{2}$
- δ) $\frac{V}{\sqrt{2}}$

Μονάδες 5

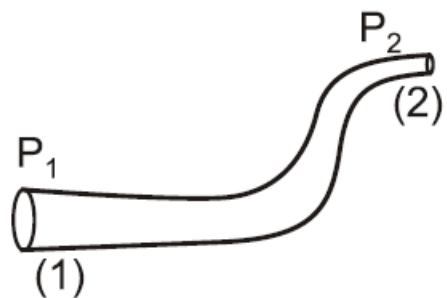
A2. Αν τροφοδοτήσουμε ένα σωληνοειδές με ρεύμα έντασης I , τότε στο μέσον του η ένταση του μαγνητικού πεδίου έχει μέτρο B . Αν κόψουμε στη μέση το σωληνοειδές και τροφοδοτήσουμε το ένα κομμάτι του με ρεύμα ίδιας έντασης I , τότε η ένταση του μαγνητικού πεδίου στο μέσον του κομματιού αυτού έχει μέτρο

- α) B
- β) $2B$
- γ) $\frac{B}{2}$
- δ) $\frac{B}{4}$

Μονάδες 5

A3. Ιδανικό ρευστό ρέει σε σωλήνα που βρίσκεται σε **οριζόντιο** επίπεδο. Στο **σχήμα 1** απεικονίζεται τμήμα του σωλήνα, και το ιδανικό ρευστό ρέει από τη θέση (1) προς τη θέση (2). Για τις πιέσεις P_1 και P_2 στις δύο αυτές θέσεις του σωλήνα ισχύει ότι

- α) $P_1 < P_2$
- β) $P_1 = P_2$
- γ) $P_1 > P_2$
- δ) αδυνατούμε να τις συγκρίνουμε.



Σχήμα 1

Μονάδες 5

A4. Κατά τη σύνθεση δύο απλών αρμονικών ταλαντώσεων της ίδιας συχνότητας f , που πραγματοποιούνται γύρω από το ίδιο σημείο και στην ίδια διεύθυνση, ισχύει ότι

- α) το πλάτος της σύνθετης ταλάντωσης είναι αρμονική συνάρτηση του χρόνου,
- β) το πλάτος της σύνθετης ταλάντωσης είναι πάντα ίσο με το άθροισμα των πλάτων των επιμέρους ταλαντώσεων,
- γ) το πλάτος της σύνθετης ταλάντωσης εξαρτάται από τη συχνότητα f των επιμέρους ταλαντώσεων,

δ) το πλάτος και η αρχική φάση της σύνθετης ταλάντωσης εξαρτώνται από τα αντίστοιχα χαρακτηριστικά των επιμέρους ταλαντώσεων.

Μονάδες 5

A5. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιο σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή τη λέξη **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

Σ α) $1 \text{ Wb} = 1 \text{ V} \cdot \text{s}$.

Λ β) Δύο απείρου μήκους ευθύγραμμοι παράλληλοι αγωγοί που διαρρέονται από ομόρροπα ηλεκτρικά ρεύματα και βρίσκονται σε μικρή απόσταση μεταξύ τους απωθούνται.

Σ γ) Ένας ευθύγραμμος ρευματοφόρος αγωγός, που βρίσκεται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο, θα μπορούσε να μη δέχεται δύναμη Laplace.

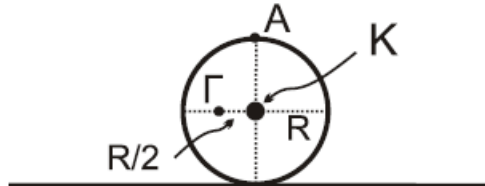
Σ δ) Η εξίσωση του Bernoulli είναι συνέπεια της αρχής διατήρησης της ενέργειας στη ροή των ρευστών.

Λ ε) Το αποτέλεσμα της σύνθεσης δύο απλών αρμονικών ταλαντώσεων ίδιας διεύθυνσης, ίδιας θέσης ισορροπίας, ίδιου πλάτους και παραπλήσιων συχνοτήτων είναι απλή αρμονική ταλάντωση.

Μονάδες 5

ΘΕΜΑ Β

B1. Ο Τροχός ακτίνας R κυλίζει χωρίς να ολισθαίνει σε οριζόντιο επίπεδο. Κάποια χρονική στιγμή το κέντρο μάζας του τροχού έχει ταχύτητα μέτρου u_{cm} . Έστω A το ανώτερο σημείο της περιφέρειας του τροχού και Γ ένα σημείο του τροχού που βρίσκεται στην οριζόντια διάμετρο και απέχει απόσταση $\Gamma K = R/2$ από το κέντρο K του τροχού, όπως φαίνεται στο **σχήμα 2**.



Σχήμα 2

Ο λόγος $\frac{u_{\Gamma}}{u_A}$ των μέτρων των ταχυτήτων των σημείων Γ και A είναι ίσος με

i. $\frac{1}{4}$

ii. $\frac{\sqrt{3}}{4}$

iii. $\frac{\sqrt{5}}{4}$

α) Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση

Μονάδες 2

β) Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας

Μονάδες 6

$$\text{διότι } \vec{v}_{\Gamma} = \vec{v}_K + \vec{v}_{\Gamma, \gamma\rho} \rightarrow v_{\Gamma} = \sqrt{\omega R + \left(\frac{\omega R}{2}\right)^2} = \frac{\omega R \sqrt{5}}{2} \text{ και } v_A = v_K + v_{A, \gamma\rho} = 2\omega R$$

B2. Μικρή σφαίρα Σ_1 μάζας m_1 κινείται με ταχύτητα μέτρου u_1 και συγκρούεται κεντρικά και ελαστικά με ακίνητη μικρή σφαίρα Σ_2 μάζας m_2 με $m_1 < m_2$. Κατά την κρούση αυτή, ποσοστό επί τοις εκατό (%) ίσο με Π_1 της αρχικής κινητικής ενέργειας της σφαίρας Σ_1 μεταφέρεται ως κινητική ενέργεια στη σφαίρα Σ_2 . Αν αντιστρέψουμε τη διαδικασία, δηλαδή αν η σφαίρα Σ_2 , κινούμενη με ταχύτητα μέτρου u_2 , συγκρουστεί κεντρικά και ελαστικά με την ακίνητη σφαίρα Σ_1 , τότε το ποσοστό επί τοις εκατό (%) της κινητικής ενέργειας της σφαίρας Σ_2 , που μεταφέρεται στη σφαίρα Σ_1 , ισούται με Π_2 . Για τα ποσοστά Π_1 και Π_2 ισχύει:

i) $\Pi_1 < \Pi_2$

ii) $\Pi_1 = \Pi_2$

iii) $\Pi_1 > \Pi_2$

α) Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση

Μονάδες 2

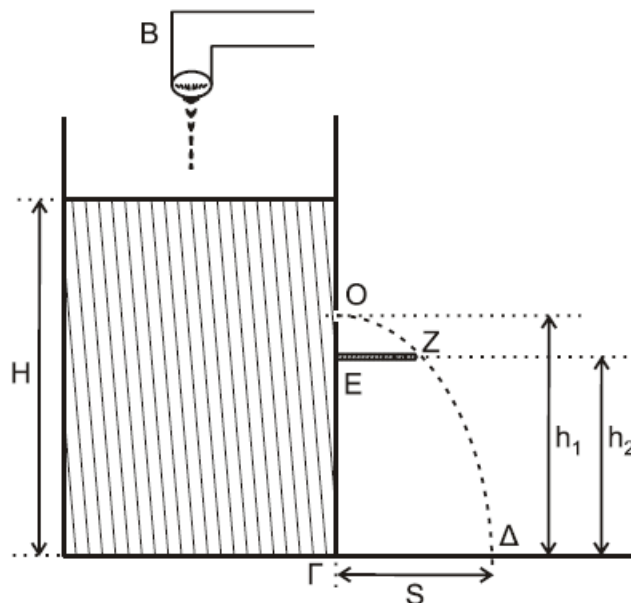
β) Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας

Μονάδες 6

$$\text{δίδει: } v_2' = \frac{2m_1}{m_1+m_2} v_1 \text{ και } \Pi_1 = \frac{\frac{1}{2}m_2 v_2'^2}{\frac{1}{2}m_1 v_1^2} 100\% = \frac{4m_1 m_2}{m_1+m_2} 100\%$$

$$\text{αντιστροφή διαδικασίας: } v_1'' = \frac{2m_2}{m_1+m_2} v_2' \text{ και } \Pi_2 = \frac{\frac{1}{2}m_2 v_1''^2}{\frac{1}{2}m_1 v_2'^2} 100\% = \frac{4m_1 m_2}{m_1+m_2} 100\%$$

B3. Στο **σχήμα 3**, στο ανοιχτό δοχείο μεγάλου όγκου με κατακόρυφα τοιχώματα, πέφτει συνέχεια νερό, το οποίο θεωρείται ιδανικό ρευστό, από μια βρύση Β σταθερής παροχής Π . Το δοχείο βρίσκεται σε οριζόντιο έδαφος και δε μπορεί να γεμίσει, γιατί εξέρχεται νερό από μία οπή Ο, που βρίσκεται σε ένα από τα κατακόρυφα τοιχώματα του δοχείου. Η οπή βρίσκεται σε ύψος h_1 από τη βάση του δοχείου, και το εμβαδόν διατομής της Α είναι πολύ μικρότερο από το εμβαδόν της ελεύθερης επιφάνειας του νερού.



Σχήμα 3

Η ελεύθερη επιφάνεια του νερού σταθεροποιείται σε ύψος από τη βάση του δοχείου. Η λεπτή φλέβα νερού που εξέρχεται από την οπή πέφτει στο οριζόντιο έδαφος σε σημείο Δ, το οποίο απέχει οριζόντια απόσταση $(\Gamma\Delta)=S$ από τη βάση του δοχείου. Σε σημείο Ε του ίδιου κατακόρυφου τοιχώματος με την οπή, και στην ίδια κατακόρυφο, έχουμε στηρίξει λεπτή οριζόντια ράβδο ΕΖ μήκους $(EZ)=S/2$. Το σημείο Ε βρίσκεται σε ύψος $h_2 = \frac{21H}{32}$.

Αν η λεπτή φλέβα του νερού διέρχεται οριακά από το άκρο Ζ της ράβδου, τότε η παροχή Π της βρύσης είναι

i) $\Pi = \frac{A}{2} \sqrt{gH}$

ii) $\Pi = 2A\sqrt{gH}$

iii) $\Pi = A\sqrt{2gH}$

α) Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση

Μονάδες 2

β) Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας

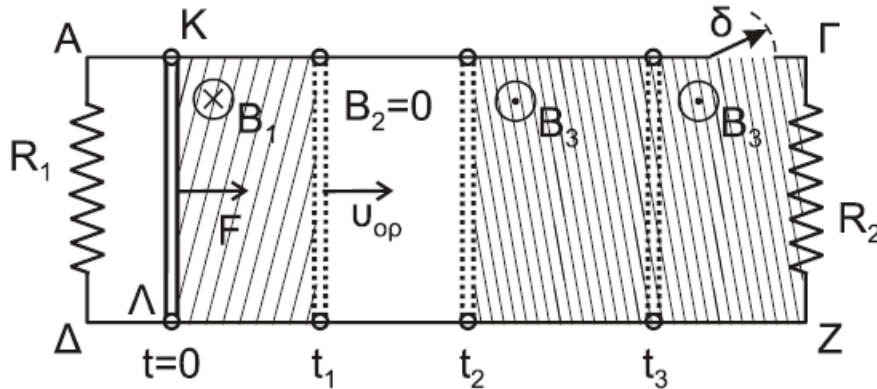
Μονάδες 7

$$v_0 = \sqrt{2g(H-h_1)}, s = v_0 \sqrt{\frac{2h_1}{g}}, \frac{s}{2} = v_0 \sqrt{\frac{2(h_1-h_2)}{g}} \dots \text{θράξεις} \dots \rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{gH}{4}} \text{ και } \Pi = A \cdot v_0 = \frac{A}{2} \sqrt{gH}$$

ΘΕΜΑ Γ

Δύο παράλληλοι οριζόντιοι αγωγοί ΑΓ και ΔΖ μεγάλου μήκους και μηδενικής αντίστασης απέχουν μεταξύ τους απόσταση $L=1\text{m}$. Τα άκρα Α και Δ συνδέονται με αγωγό αντίστασης $R_1 = 2\Omega$ και τα άκρα Γ και Ζ με αγωγό αντίστασης $R_2 = 2\Omega$. Ο αγωγός ΑΓ έχει λίγο πριν το τέλος του ανοιχτό διακόπτη δ, όπως φαίνεται στο **σχήμα 4**. Ένας άλλος αγωγός ΚΛ, με μήκος $KL = 1\text{m}$ έχει αντίσταση $R_{KL} = 3\Omega$ και μπορεί να ολισθαίνει χωρίς τριβές, μένοντας κάθετος και σε επαφή στα σημεία Κ και Λ με τους οριζόντιους αγωγούς ΑΓ και ΔΖ.

Ο αγωγός ΚΛ αρχικά είναι ακίνητος. Κάποια χρονική στιγμή, την οποία θεωρούμε ως $t=0$, ασκούμε στο μέσο του αγωγού ΚΛ σταθερή δύναμη μέτρου $F=0,8\text{N}$, η οποία είναι κάθετη στον αγωγό και η διεύθυνσή της ανήκει στο επίπεδο που ορίζουν οι αγωγοί ΑΓ και ΔΖ. Ο αγωγός ΚΛ αρχίζει να κινείται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο έντασης $B_1=1\text{T}$, που είναι κάθετο στο επίπεδο των αγωγών ΑΓ και ΔΖ, με φορά από τον αναγνώστη προς τη σελίδα. Τη χρονική στιγμή t_1 ο αγωγός ΚΛ, έχοντας αποκτήσει σταθερή οριακή ταχύτητα u_{op} , εξέρχεται από την περιοχή όπου η ένταση του μαγνητικού πεδίου είναι B_1 και εισέρχεται σε περιοχή, όπου η ένταση του μαγνητικού πεδίου είναι $B_2=0$, όπως φαίνεται στο σχήμα.



Σχήμα 4

Γ1. Να περιγράψετε το είδος της κίνησης που εκτελεί ο αγωγός ΚΛ από τη χρονική στιγμή $t=0$ έως τη χρονική στιγμή t_1 (**μονάδες 3**) και να υπολογίσετε τη σταθερή οριακή ταχύτητα u_{op} (**μονάδες 3**).

$$\alpha = \frac{F - F_L}{m} \text{ με } F_L = \frac{B_1^2 L^2 v}{(R_1 + R_{KL})}, \text{ επιταχυνόμενη κίνηση (μη ομαλή - το μέτρο της επιτάχυνσης μειώνεται)} \text{ και } v_{op} = \frac{F(R_1 + R_{KL})}{B_1^2 L^2} = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Τη χρονική στιγμή t_1 καταργούμε τη δύναμη F και τη χρονική στιγμή t_2 ο αγωγός ΚΛ εισέρχεται σε περιοχή όπου υπάρχει ομογενές μαγνητικό πεδίο έντασης B_3 , ίδιου μέτρου και αντίθετης κατεύθυνσης με την ένταση B_1 .

Γ2. Να υπολογίσετε το μέτρο και να προσδιορίσετε τη φορά της εξωτερικής δύναμης F' , που πρέπει να ασκήσουμε στο μέσον του αγωγού ΚΛ, κάθετα σε αυτόν και της οποίας η διεύθυνση ανήκει στο επίπεδο των αγωγών, ώστε ο αγωγός να συνεχίσει να κινείται με σταθερή ταχύτητα μέτρου u_{op} **Μονάδες 6**

$$\text{εφόσον } v = v_{op} = \text{σταθερή}, \text{ θα ισχύει: } \Sigma \vec{F} = \vec{0} \rightarrow F' = F'_L = \frac{B_3^2 L^2 v_{op}}{(R_1 + R_{KL})} = 0,8\text{N}$$

Γ3. Να υπολογίσετε τη θερμότητα Q , που εκλύεται στους αγωγούς του κυκλώματος από τη χρονική στιγμή t_2 μέχρι μια άλλη χρονική στιγμή t_3 , αν το επαγωγικό φορτίο που πέρασε από μία διατομή του αγωγού ΚΛ στο αντίστοιχο χρονικό διάστημα $(t_2 - t_3)$ είναι $q_{\text{επ}} = 0,2\text{ C}$. **Μονάδες 6**

$$Q = I_{\text{επ}}^2 (R_{KL} + R_1) \Delta t \text{ και } q_{\text{επ}} = I_{\text{επ}} \Delta t \text{ οθότ: } Q = I_{\text{επ}} (R_{KL} + R_1) q_{\text{επ}} = B_3 v_{op} L q_{\text{επ}} = 0,8\text{J}$$

Τη χρονική στιγμή t_3 κλείνουμε το διακόπτη δ και ο αγωγός ΚΛ, με την επίδραση της εξωτερικής δύναμης F' , συνεχίζει την κίνησή του στην περιοχή όπου υπάρχει το ομογενές μαγνητικό πεδίο έντασης B_3 και τελικά αποκτά νέα οριακή ταχύτητα.

Γ4. Να υπολογίσετε τη νέα οριακή ταχύτητα u'_{op} , που αποκτά ο αγωγός (**μονάδες 3**), καθώς και την τάση V_{KL} στα άκρα του αγωγού ΚΛ (**μονάδες 2**) και τις εντάσεις των

ρευμάτων, που διαρρέουν τους αντιστάτες R_1 και R_2 (**μονάδες 2**), όταν αυτός κινείται με τη νέα του οριακή ταχύτητα.

$$E_{\varepsilon\pi} = B_3 v_{op} L = 4 \text{ Volt} \text{ (θροσοχή στην θολικότητα)}, R_{o\lambda} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + R_{K\Lambda} = 4 \Omega \text{ και}$$

$$F_{L3} = 1 \text{ N} > F = 0,8 \text{ N}, \text{ εθόμενως ο αγωγός εθιθραδύνεται, μέρη να αθοκθήσει νέα}$$

$$\text{οριακή ταχύτητα: } v'_{op} = \frac{F R_{o\lambda}}{B_3^2 L^2} = 3,2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ και } V_{\Lambda} - V_K = E_{\varepsilon\pi} - I_{K\Lambda} R_{K\Lambda} = 0,8 \text{ Volt} \text{ και εύκολα}$$

$$\text{θροκύνεται ότι: } I_1 = I_2 = \frac{I_{K\Lambda}}{2} = 0,4 \text{ A}$$

ΘΕΜΑ Δ

Μία λεπτή, άκαμπτη και ομογενής ράβδος ΑΓ, μήκους ℓ και μάζας $M=10 \text{ kg}$ έχει στο άκρο της Α άρθρωση και ισορροπεί στηριζόμενη σε λείο κατακόρυφο τοίχο σχηματίζοντας γωνία $\theta=45^\circ$ με το οριζόντιο επίπεδο, όπως φαίνεται στο **σχήμα 5**. Σε ένα σημείο Κ, που απέχει $d = \frac{\ell}{6}$ από το μέσο της Ο, είναι δεμένο το ένα άκρο ενός οριζόντιου, λεπτού, αβαρούς και

μη εκτατού νήματος (1), το άλλο άκρο του οποίου είναι τυλιγμένο γύρω από τον εσωτερικό κύλινδρο ακτίνας r ενός στερεού, που αποτελείται από δύο ομοαξονικούς κυλίνδρους.

Στον εξωτερικό κύλινδρο του στερεού, ακτίνας $R=2r$, είναι τυλιγμένο ένα δεύτερο λεπτό, αβαρές και μη εκτατό νήμα (2), στο άκρο του οποίου κρέμεται σώμα Σ2 μάζας $m_2=3 \text{ kg}$.

Το σύστημα στερεό-ράβδος είναι ακίνητο.

Δ1. Να υπολογίσετε το μέτρο της δύναμης, που δέχεται η ράβδος στο σημείο Γ από τον λείο, κατακόρυφο τοίχο. **Μονάδες 6**

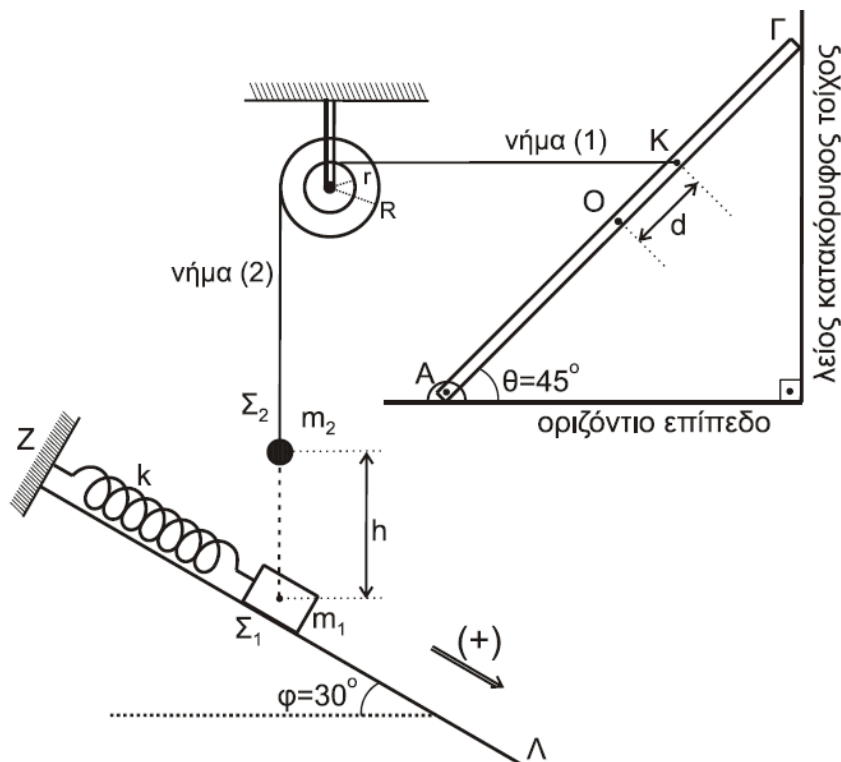
$$\Sigma \vec{\tau}_{(A)} = \vec{0} \rightarrow (\dots) \text{ θροσοχή στο γεγονός ότι } R = 2r \text{ και } T_1 r = T_2 R \dots \text{ } F_r = 10 \text{ N}$$

Στην κορυφή Ζ λείου κεκλιμένου επιπέδου μεγάλου μήκους και γωνίας κλίσης $\varphi=30^\circ$, είναι στερεωμένο ιδανικό ελατήριο σταθεράς $k=100 \text{ N/m}$. Ο άξονας του ελατηρίου είναι παράλληλος με το κεκλιμένο επίπεδο και στο άλλο άκρο του ισορροπεί δεμένο σώμα Σ1 μάζας $m_1=1 \text{ kg}$. Το σώμα Σ1 μάζας m_1 βρίσκεται στην ίδια κατακόρυφο με το σώμα Σ2 μάζας m_2 , που κρέμεται στην άκρη του νήματος (2).

Κάποια χρονική στιγμή το νήμα (2) κόβεται και το σώμα Σ2, αφού εκτελέσει ελεύθερη πτώση, συγκρούεται πλαστικά με το σώμα Σ1. Αμέσως μετά την πλαστική κρούση το

συσσωμάτωμα αποκτά κοινή ταχύτητα μέτρου $\frac{3\sqrt{3}}{4} \text{ m/s}$ και αρχίζει να κινείται πάνω στο

κεκλιμένο επίπεδο ΖΛ, εκτελώντας απλή αρμονική ταλάντωση με σταθερά επαναφοράς $D=k$.



Σχήμα 5

Δ2. Να υπολογίσετε το πλάτος της απλής αρμονικής ταλάντωσης που εκτελεί το συσσωμάτωμα. **Μονάδες 4**

εξισορροπία ελατηρίου όταν ισορροπεί η m_1 : $d_1 = \frac{m_1 g \eta \mu \varphi}{k} = \frac{1}{20} m$,
 και όταν ισορροπεί το συσσωμάτωμα ($m_1 + m_2$): $d_1 + d_2 = \frac{(m_1 + m_2) g \eta \mu \varphi}{k} \rightarrow d_2 = \frac{3}{20} m$
 Ισχύει: $\frac{1}{2} k d_2^2 + \frac{1}{2} (m_1 + m_2) V_K^2 = \frac{1}{2} k A^2 \rightarrow A = 0,3m$

Δ3. Να βρείτε τη σχέση που δίνει την απομάκρυνση του συσσωματώματος σε συνάρτηση με το χρόνο. (Να θεωρήσετε ως $t=0$ τη χρονική στιγμή της κρούσης των σωμάτων Σ1 και Σ2 και θετική τη φορά από το Z προς το Λ). **Μονάδες 6**

$\omega = \sqrt{\frac{k}{m_1 + m_2}} = 5 \text{ rad/s}$, $x = A \eta \mu(\omega t + \varphi_0)$, για $t=0$ ισχύει: $-d_2 = A \eta \mu \varphi_0 \rightarrow \varphi_0 = \frac{11\pi}{6}$,
 δεδομένου ότι $v(0) > 0$. Εξομένως $x = 0,3\eta \mu\left(5t + \frac{11\pi}{6}\right)$ (SI)

Δ4. Να υπολογίσετε την ταχύτητα του σώματος Σ2 αμέσως πριν την πλαστική κρούση (ο χρόνος της κρούσης θεωρείται αμελητέος) και την αρχική απόσταση h των σωμάτων Σ1 και Σ2. **Μονάδες 5**

από αρχή διατήρησης ορμής στον άξονα x που θεωρείται παράλληλος με το
 θάλασσο $m_2 v_2 \eta \mu \varphi = (m_1 + m_2) V_K \rightarrow v_2 = 2\sqrt{3} \frac{m}{s}$ και $h = \frac{v_2^2}{2g} = 0,6m$

Δ5. Να υπολογίσετε το λόγο του μέτρου της δύναμης του ελατηρίου προς το μέτρο της δύναμης επαναφοράς της ταλάντωσης, όταν το σώμα που ταλαντώνεται, βρίσκεται στη θέση της μέγιστης επιμήκυνσης του ελατηρίου. **Μονάδες 4**

$\frac{F_{ελ}}{F_{επ}} = \frac{k(d_1 + d_2 + A)}{kA} \rightarrow \frac{F_{ελ}}{F_{επ}} = \frac{5}{3}$

Δίνονται:

- η επιτάχυνση της βαρύτητας $g = 10 \text{ m/s}^2$
- $\eta \mu 30^\circ = \frac{1}{2}$, $\sigma \nu \nu 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\eta \mu 45^\circ = \sigma \nu \nu 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $\eta \mu \frac{7\pi}{6} = \eta \mu \frac{11\pi}{6} = -\frac{1}{2}$

Να θεωρήσετε ότι:

- η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα για όλα τα σώματα,
- κατά την κρούση δεν έχουμε απώλεια μάζας,
- ο χαρακτηρισμός «λεπτό νήμα» αφορά νήμα αμελητέου πάχους.

